A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 18	$\xi = \mathbf{499}$	Turno: 1 Fila: 2 Posto: 1
Matricola: 0000628849	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x,y,z) = z\hat{\imath} - xyz\hat{\jmath} + 3xz^2\hat{k}$. Determinare il valore della divergenza del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\frac{1}{7}, \xi, \xi\right)$.

Divergenza $\left(\vec{\nabla}\cdot\vec{V}\right)\left(\frac{1}{7},\xi,\xi\right)$ [*numero puro*]:

2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 8$ mol di gas perfetto monoatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + \frac{aR}{T^3}$, con $a = 3\cdot 10^5\xi$ K^3. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

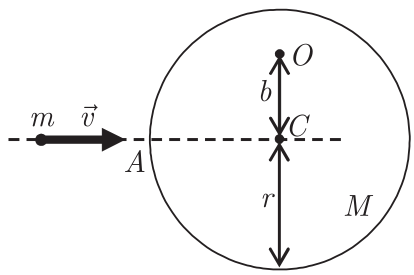
Volume finale V_f [ℓ]:

3. Un punto materiale, di massa $m = 3$ kg, si muove con velocità di modulo pari a $v = 10$ m/s, avente direzione orizzontale e giacente su di un piano verticale. Il punto materiale urta elasticamente e istantaneamente nel punto A (vedi figura) un disco rigido omogeneo di massa pari a $M = 1$ kg e raggio pari a $r = 1$ m, incernierato allo stesso piano verticale nel punto O, con $b = \frac{1}{1000}\xi r$. Determinare la velocità del punto materiale subito dopo l'urto (indicandola positiva se concorde alla velocità prima dell'urto e negativa in caso contrario) e la velocità angolare del disco subito dopo l'urto.

Velocità del punto materiale subito dopo l'urto [m/s]:

Velocità angolare del disco subito dopo l'urto [rad/s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742\times10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\to$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 27	$\xi = \mathbf{606}$	Turno: 1 Fila: 2 Posto: 5
Matricola: 0000448856	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x, y, z) = -\frac{1}{2}x^2y\,\hat{\imath} + xy\,\hat{\jmath} - xyz^2\,\hat{k}$. Determinare il valore della divergenza del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $(2, \xi, 3)$.

Divergenza $\left(\vec{\nabla}\cdot\vec{V}\right)(2, \xi, 3)$ [*numero puro*]:

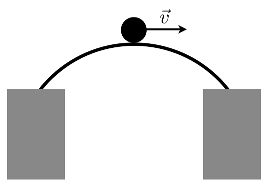
2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 7$ mol di gas perfetto biatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + aRT^3$, con $a = 3\cdot10^{-11}\xi\ \mathrm{K}^{-3}$. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

Volume finale V_f [ℓ]:

3. Uno sciatore si trova fermo nel punto mediano di un ponte avente raggio di curvatura $\rho = 2\left(1 + 10^{-2}\xi\right)$ m (vedi figura). Sia $R_n^{(0)}$ il modulo della reazione vincolare che deve esercitare il ponte in queste condizioni. Determinare il rapporto $r = \frac{R_n}{R_n^{(0)}}$ dove R_n è la reazione vincolare che deve esercitare il ponte quando lo stesso sciatore transita per il suo punto mediano con moto uniforme e velocità di modulo $v = \left(1 + 10^{-2}\xi\right)$ m/s.

Rapporto $r = \frac{R_n}{R_n^{(0)}}$ [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742\times10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 22 $\xi = \mathbf{713}$ Turno: 1 Fila: 2 Posto: 10
Matricola: 0000658865 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x,y,z) = xy\hat{\imath} - yz\hat{\jmath} + 3x^2y\hat{k}$. Determinare i valori delle componenti cartesiane del rotore del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$.

Componente x del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_x \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

Componente y del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_y \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

Componente z del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_z \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

---

2. Si consideri una ruota a forma di disco che rotola su di un piano orizzontale. La ruota è soggetta alla forza d'attrito radente statico $\vec{F}_a$ e a una forza costante $\vec{F}$. La forza $\vec{F}$ agisce nello stesso verso della velocità del centro di massa del disco ed è applicata alla ruota in un punto a una quota h da terra, sulla verticale contenente il punto istantaneo di contatto con il terreno e il centro di massa della ruota. Se R è il raggio del disco, il moto è di puro rotolamento e tra le intensità delle due forze vale la relazione $\left\|\vec{F}_a\right\| = \frac{1}{2}\, 10^{-3}\xi \left\|\vec{F}\right\|$, determinare il rapporto $r = \frac{h}{R}$.

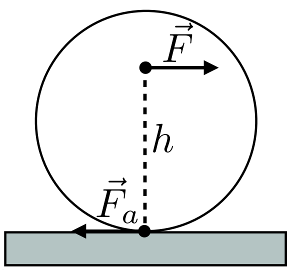
Rapporto $r = \frac{h}{R}$ [*adimensionale*]:

---

3. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 6$ mol di gas perfetto monoatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + \dfrac{aR}{T^2}$, con $a = 100\,\xi\ \mathrm{K}^2$. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

Volume finale V_f [ℓ]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 24	$\xi =$ **820**	Turno: 1 Fila: 2 Posto: 14
Matricola: 0000659128	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Una sfera avente massa $m = 0.7$ kg cade da un'altezza $h = (3 + \xi)$ m. Alla distanza di $d = 3$ m dal suolo viene frenata da una forza costante F_f fino a raggiungere il suolo con velocità nulla. Trascurando la resistenza dell'aria: (a) Calcolare l'intensità F_f della forza frenante; (b) calcolare l'intensità $a^{(2)}$ dell'accelerazione durante la frenata.

Forza frenante F_f [N]:

Accelerazione durante la frenata $a^{(2)}$ $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

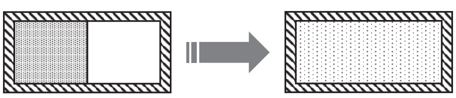
2. L'energia interna di un gas dipende da temperatura e volume del gas come $U(T, V) = nRT - \dfrac{\varepsilon}{V^2} + \text{cost.}$, dove $n = 4.0$ mol e $\varepsilon = 10^{-2}\ \mathrm{J\,m^6}$. Determinare quanto varia la temperatura del gas, se esso, partendo da un volume iniziale $V_i = 1\ \mathrm{dm^3}$, raggiunge il volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{1000}\,\xi\right) V_i$ mediante un'espansione libera adiabatica.

Variazione di temperatura $\Delta T = T_f - T_i$ [K]:

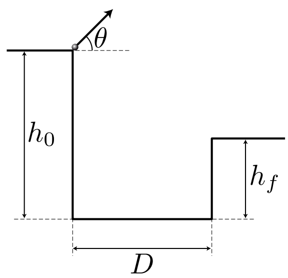
3. Un punto materiale si trova sul ciglio di una parete alta $h_0 = 150$ m. A distanza D da tale parete si trova una seconda parete, alta $h_f = 50$ m (vedi figura). Il punto materiale viene lanciato con alzo $\theta = 0.5$ rad e velocità iniziale $v_0 = \frac{1}{100}\,\xi$ m/s e raggiunge esattamente il ciglio della parete opposta. Determinare la distanza D fra le due pareti.

Distanza [m]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 17 $\xi = \mathbf{927}$ Turno: 1 Fila: 4 Posto: 1
Matricola: 0000441846 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Un punto materiale di massa $m = 2$ kg partendo da fermo è sottoposto alla forza $\vec{F} = 3ct^2\hat{\imath}$. Se il corpo passa per l'origine del sistema di coordinate al tempo $t = 2$ s e posto $c = 1$ N/s^2, determinare la posizione al tempo $t = \frac{1}{50}\,\xi$ s.

Posizione [m]:

---

2. Un sistema termodinamico è costituito da $n = 7$ mol di freon ($\mathrm{C\,Cl_2\,F_2}$). Calcolare il lavoro compiuto dal sistema se esso subisce un'espansione isoterma quasi-statica alla temperatura $T = \left(250 + \frac{1}{10}\xi\right)$ K che lo porta dal volume iniziale $V_i = 10\ \ell$ al volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{100}\,\xi\right) V_i$, nelle seguenti due ipotesi: (a) il sistema è un gas ideale; (b) il sistema è un fluido che segue l'equazione di Van der Waals, con costante della pressione interna $a = 1.078\ \mathrm{J\,m^3\,mol^{-2}}$ e covolume molare $b = 9.98 \cdot 10^{-5}\ \mathrm{m^3\,mol^{-1}}$.

Lavoro compiuto (gas ideale) [J]:

Lavoro compiuto (gas di Van der Waals) [J]:

---

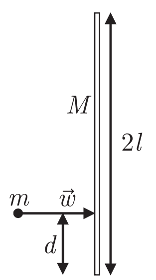
3. Un punto materiale di massa $m = 10$ g si muove, con velocità di modulo pari a $w = 100$ cm/s, senza attrito su di un piano orizzontale. Il punto materiale urta elasticamente un'asta sottile, omogenea, di massa $M = m\left(1 + \frac{1}{1000}\,\xi\right)$ e lunghezza $2l = 20$ cm, appoggiata senza altri vincoli e senza attrito sullo stesso piano orizzontale e inizialmente in quiete. La velocità del punto è perpendicolare all'asta e il punto d'impatto dista $d = \frac{1}{1000}\,l\,\xi$ dall'estremità dell'asta. Trovare: (a) la velocità v del punto materiale dopo l'urto; (b) la velocità v_G del centro di massa dell'asta dopo l'urto; (c) la velocità angolare ω dell'asta dopo l'urto.

Velocità v del punto materiale dopo l'urto [cm/s]:

Velocità v_G del centro di massa dell'asta dopo l'urto [cm/s]:

Velocità angolare ω dell'asta dopo l'urto [rad/s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(\mathrm{H_2O}) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 16	$\xi = \mathbf{64}$	Turno: 1 Fila: 4 Posto: 5
Matricola: 0000659564	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, +, −(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Il punto di fusione normale del piombo è pari a $t_{\mathrm{PFN}} = 327\ ^\circ\mathrm{C}$ e il suo calore latente di fusione è $c_l = 23\ \mathrm{J/g}$. (a) Calcolare il calore Q che è necessario cedere a una massa $m = \xi$ kg di piombo solido a temperatura t_{PFN} per farlo fondere. (b) Calcolare la variazione di entropia ΔS di una massa m di piombo durante la fusione alla temperatura t_{PFN}, e specificare se essa è positiva, negativa o nulla.

Calore Q [J]:

Variazione di entropia ΔS [J/K]:

---

2. Un proiettile viene sparato con velocità $\vec{v}_0$ di modulo $\|\vec{v}_0\| = 2(1 + 10^{-2}\xi)$ m/s in direzione orizzontale a un'altezza h dal suolo. Determinare quale debba essere il rapporto $\rho = \frac{\|\vec{v}_0\|}{h}$ affinché il proiettile raggiunga il suolo con il vettore velocità inclinato di un angolo di 30° rispetto alla verticale.

Rapporto $\rho = \frac{\|\vec{v}_0\|}{h}$ $\left[\mathrm{s}^{-1}\right]$:

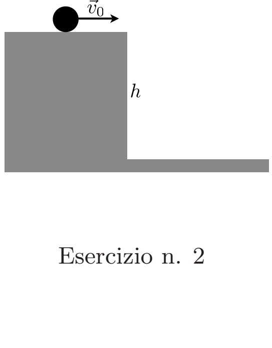
---

3. Un punto materiale è vincolato, da un filo inestensibile e di massa trascurabile, a percorrere su di un piano orizzontale una traiettoria circolare avente raggio $R = 1$ m. Il coefficiente di attrito dinamico con la superficie di appoggio è $\mu = 5 \cdot 10^{-2}(1 + 10^{-2}\xi)$. All'istante iniziale la velocità del blocco (nel SdR che ha origine nel centro della traiettoria) è $\vec{v}_0 = \sqrt{gR}\left(1 + 10^{-2}\xi\right)\hat{\jmath}$ m/s. Calcolare: (a) il modulo della velocità v_1 quando il blocco ripassa per la prima volta per il punto di lancio; (b) il numero n di giri completi compiuti dal blocco al momento in cui si arresta.

Velocità v_1 [m/s]:

Numero giri completi [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 34 $\xi = \mathbf{171}$ Turno: 1 Fila: 4 Posto: 10
Matricola: 0000658469 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, +, −(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Dati i vettori $\vec{v}_1 = \left(\hat{\jmath} + 2\hat{k}\right)$ m, $\vec{v}_2 = \left(-\hat{\jmath} + 3\hat{k}\right)$ m e $\vec{v}_3 = \left(\xi\hat{\imath} + 7\hat{\jmath} - \hat{k}\right)$ m, dove $\hat{\imath}$, $\hat{\jmath}$ e $\hat{k}$ sono i 3 versori ortonormali diretti rispettivamente come gli assi x, y e z di una terna cartesiana di riferimento, determinare il volume del parallelepipedo di cui i 3 vettori formano gli spigoli che spiccano dall'origine O del sistema di coordinate.

Volume $\left[\mathrm{m}^3\right]$:

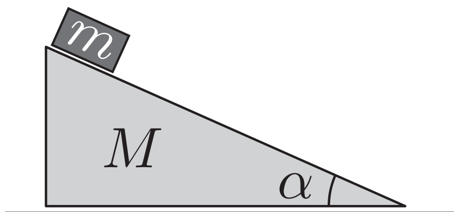
2. Un mattone di massa $m = 1$ kg scivola senza attrito lungo il piano inclinato di un cuneo, di massa $M = 2$ kg e inclinazione $\alpha = \frac{8}{100}\,\xi°$. Il cuneo, a sua volta, può muoversi senza attrito su di un piano orizzontale. Calcolare la norma dell'accelerazione del cuneo.

Accelerazione $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

3. Quattro moli di gas perfetto monoatomico compiono un ciclo termodinamico, composto dalle tre seguenti trasformazioni quasi statiche: $1 \to 2$ isoterma a temperatura $T_1 = \left(20 + \frac{1}{2}\,\xi\right)$ K; $2 \to 3$ isobara con $V_3 = 1\ \mathrm{m}^3$; $3 \to 1$ isocora. Calcolare il rendimento η del ciclo sapendo che $p_2 = 100$ Pa.

Rendimento [*numero puro*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 19 $\xi = \mathbf{278}$ Turno: 1 Fila: 4 Posto: 14
Matricola: 0000453615 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, +, −(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Sia dato il sistema di carrucole di massa trascurabile mostrato in figura. Determinare la forza F necessaria per stabilizzare il sistema se la massa M ha peso $p = \xi$ N. Determinare inoltre la reazione vincolare totale R del soffitto (N.B.: la carrucola più a sinistra nella figura è fissata a una parete, non appesa al soffitto).

Forza stabilizzante F [N]:

Reazione vincolare totale R del soffitto [N]:

2. Un'asta rigida omogenea AB, di massa $m = 4$ kg e lunghezza $l = \left(78 + \frac{\xi}{2}\right)$ cm, ruota attorno a un asse u, passante per l'estremo A e formante un angolo $\alpha = 30°$ con l'asta stessa. Calcolare il momento d'inerzia dell'asta rispetto a tale asse.

Momento d'inerzia $[\mathrm{kg\,m^2}]$:

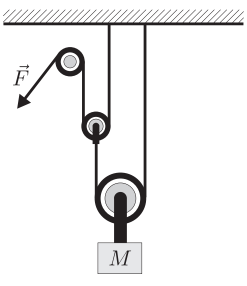
3. Una mole di gas perfetto monoatomico, inizialmente all'equilibrio termodinamico a temperatura $T_1 = 300$ K e volume $V_1 = 1\ \mathrm{dm^3}$, compie un ciclo costituito dalle seguenti trasformazioni: $(1 \to 2)$ espansione isobara ottenuta ponendo in contatto il sistema con un termostato a temperatura T_2 incognita; $(2 \to 3)$: espansione adiabatica quasi-statica; $(3 \to 4)$: abbassamento isocoro quasi-statico della temperatura; $(4 \to 1)$: compressione adiabatica quasi-statica. Sapendo che $V_2 = \left(1 + \frac{1}{100}\xi\right) V_1$ e $V_3 = \left(1 + \frac{2}{100}\xi\right) V_1$ determinare: (a) Il rendimento η del ciclo; (b) la variazione di entropia del sistema in un ciclo ΔS_S; (c) la variazione di entropia dell'ambiente in un ciclo ΔS_A.

Rendimento η [*adimensionale*]:

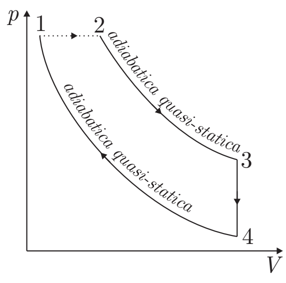
Variazione di entropia del sistema ΔS_S [J/K]:

Variazione di entropia dell'ambiente ΔS_A [J/K]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 7	$\xi = \mathbf{385}$	Turno: 1 Fila: 6 Posto: 1
Matricola: 0000680035	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Una sbarra rigida di peso trascurabile e lunghezza pari a $l = 30$ cm è sospesa al soffitto tramite due cavi inestensibili (vedi figura), entrambi di lunghezza $h = 20$ cm e peso trascurabile, applicati alla sbarra a distanze (misurate a partire dall'estremo sinistro) pari rispettivamente ad $a_1 = 0$ e $a_2 = \frac{2}{3} l$. Alla sbarra sono inoltre appese tre massette di peso $p_1 = \frac{1}{500} \xi$ N, $p_2 = 5$ N e $p_3 = 10^{-6} \xi^2$ N a distanze rispettivamente di $b_1 = \frac{1}{3} l$, $b_2 = \frac{2}{3} l$ e $b_3 = l$ (misurate a partire dall'estremo sinistro della sbarra). Determinare, nelle condizioni di equilibrio statico, le tensioni dei due cavi.

Tensione del cavo sinistro T_1 [N]:

Tensione del cavo destro T_2 [N]:

2. Il punto di ebollizione normale dell'anidride solforosa è pari a $t_{\mathrm{PEN}} = -10.0$ °C e il suo calore latente di vaporizzazione è $c_l = 389$ J/g. (a) Calcolare il calore Q che è necessario sottrarre a una massa $m = \xi$ kg di anidride solforosa gassosa a temperatura t_{PEN} per farla condensare. (b) Calcolare la variazione di entropia ΔS di una massa m di anidride solforosa durante la condensazione alla temperatura t_{PEN}, e specificare se essa è positiva, negativa o nulla.

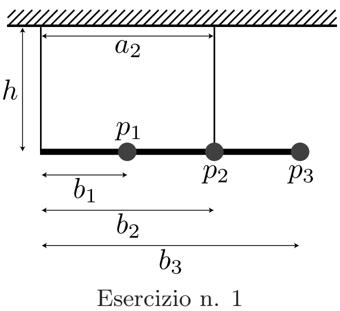
Calore Q [J]:

Variazione di entropia ΔS [J/K]:

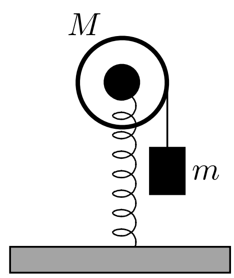
3. Si consideri il sistema meccanico in figura, costituito da un blocco di massa m, fissato a un cavo ideale, a sua volta avvolto attorno a una carrucola cilindrica omogenea, di massa $M = 2m = (1 + 10^{-2}\xi)$ kg, libera di ruotare attorno al proprio asse. L'asse della carrucola è montato su di una molla di costante elastica $k = 50$ N/m. Determinare la deformazione della molla Δl, durante la discesa della massa m.

Deformazione Δl [m]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\rightarrow$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 6	$\xi =$ **599**	Turno: 1 Fila: 6 Posto: 5
Matricola: 0000658700	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Sia dato il sistema meccanico rappresentato nella figura (*verricello semplice*) costituito da un disco omogeneo di massa M dotato di due scanalature, poste a distanza r_1 e $r_2 = r_1(2 + 10^{-2}\xi)$ dall'asse del disco (con $r_1 < r_2$), all'interno delle quali può essere avvolto un filo. Nell'ipotesi in cui una massa m sia sospesa a un filo inestensibile di massa trascurabile passante nella scanalatura esterna e il dispositivo sia sospeso a sua volta mediante un filo inestensibile di massa trascurabile avvolto nella scanalatura interna, determinare il rapporto delle masse $\rho = \frac{M}{m}$ affinché il disco sia in equilibrio.

Rapporto $\rho = \frac{M}{m}$ [*adimensionale*]:

2. Una mole di gas perfetto monoatomico, inizialmente all'equilibrio termodinamico a temperatura $T_1 = 300$ K e volume $V_1 = 1\ \mathrm{dm}^3$, compie un ciclo costituito dalle seguenti trasformazioni: $1 \to 2$: espansione isobara quasi-statica; $2 \to 3$: espansione libera adiabatica; $3 \to 4$: abbassamento isocoro quasi-statico della temperatura; $4 \to 1$: compressione adiabatica quasi-statica. Sapendo che $V_2 = \left(1 + \frac{1}{100}\,\xi\right) V_1$ e $V_3 = \left(1 + \frac{2}{100}\,\xi\right) V_1$ determinare: (a) Il rendimento η del ciclo; (b) la variazione di entropia del sistema in un ciclo ΔS_S; (c) la variazione di entropia dell'ambiente in un ciclo ΔS_A.

Rendimento η [*adimensionale*]:

Variazione di entropia del sistema ΔS_S [J/K]:

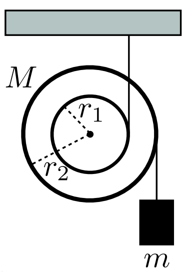
Variazione di entropia dell'ambiente ΔS_A [J/K]:

3. (a) Attorno a un pianeta, di massa $M = 10^{24}$ kg, è posto, in un'orbita circolare di raggio r_1, un satellite di massa $m = 100$ kg. Sapendo che il satellite ha un periodo di rivoluzione attorno al pianeta pari a $T_1 = \xi$ h, determinare l'energia totale del satellite (considerando nulla l'energia potenziale a distanza infinita dal pianeta). (b) A un certo punto si azionano i motori e il satellite passa su di un'altra orbita circolare con distanza dal centro del pianeta pari a $r_2 = \frac{2}{3}\,r_1$. Quanto vale il nuovo periodo di rivoluzione T_2?

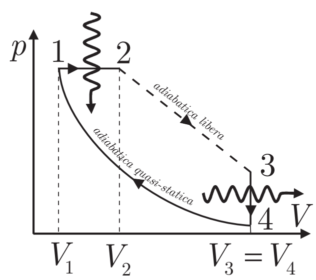
Energia totale [J]:

Nuovo periodo [s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 2

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 25	$\xi =$ **706**	Turno: 1 Fila: 6 Posto: 10
Matricola: 0000660392	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Tre corpi omogenei, una sfera, un cilindro e un tubo di spessore trascurabile, tutti di raggio $R = 2$ cm, e aventi la medesima massa $m = 300$ g, scendono lungo un piano inclinato, di inclinazione $\alpha = \frac{1}{2000}\,\xi\,\pi$ rad, rotolando senza strisciare, in assenza di attrito volvente e con l'asse di rotazione parallelo alle isoipse. Determinare le accelerazioni dei 3 corpi.

Accelerazione della sfera $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Accelerazione del cilindro $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Accelerazione del tubo $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

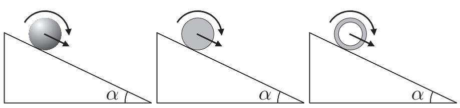
2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 4$ mol di gas perfetto monoatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + \dfrac{aR}{T}$, con $a = \xi$ K. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

Volume finale V_f $[\ell]$:

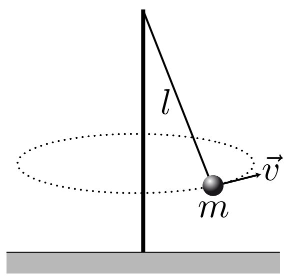
3. Un punto materiale di massa m è sospeso a un'asta verticale, mediante un filo inestensibile e di massa trascurabile, di lunghezza $l = \frac{100+\xi}{200}$ m. Si calcoli con quale velocità $v = \|\vec{v}\|$ il punto può ruotare attorno all'asta, su di una traiettoria circolare di raggio $R = \frac{1}{2}\,l$, parallela a terra.

Velocità $\|\vec{v}\|$ del punto materiale [m/s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 13 $\xi = \mathbf{813}$ Turno: 1 Fila: 6 Posto: 14
Matricola: 0000309598 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con **<u>3 cifre significative</u>** **esatte e** **<u>senza simboli</u>** **(π, +, −(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.).** Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. L'energia interna di un gas dipende da temperatura e volume del gas come $U(T,V) = 3nRT + \varepsilon V^2 + \text{cost.}$, dove $n = 12.0$ mol e $\varepsilon = 3 \cdot 10^8\ \mathrm{J\,m^{-6}}$. Determinare quanto varia la temperatura del gas, se esso, partendo da un volume iniziale $V_i = 1\ \mathrm{dm}^3$, raggiunge il volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{100}\xi\right) V_i$ mediante un'espansione libera adiabatica.

Variazione di temperatura $\Delta T = T_f - T_i$ [K]:

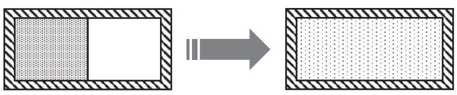
2. Un uomo di massa m_1 si trova inizialmente in quiete al centro di un carrello ferroviario rettangolare, il quale può scorrere senza attrito lungo un binario. Il carrello ha massa $m_2 = 5m_1$, lunghezza $L = 2\left(3 + 10^{-2}\xi\right)$ m (nella direzione parallela al binario), e si trova anch'esso inizialmente in quiete. A un certo istante l'uomo si sposta sul carrello in direzione parallela al binario, fino a raggiungere un'estremità del carrello. Trovare lo spostamento Δs del carrello, considerando l'uomo come puntiforme.

Spostamento carrello Δs [m]:

3. In una regione di spazio è presente una forza conservativa di intensità $\vec{F}(x,y,z) = c\left(yz - y^2\right)\hat{\imath} + c\,(xz - 2xy)\,\hat{\jmath} + cxy\,\hat{k}$, dove $c = 1\ \mathrm{N/m^2}$. Determinare la variazione dell'energia potenziale di un punto materiale che si sposta dalla posizione iniziale $P_i = (2\xi, 1, 1)$ alla posizione finale $P_f = (\xi, -2, \frac{1}{2}\xi)$.

Variazione di energia potenziale ΔV [J]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 1

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 8	$\xi =$ **920**	Turno: 1 Fila: 8 Posto: 1
Matricola: 0000628078	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>**3 cifre significative**</u> **esatte e** <u>**senza simboli**</u> **(π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.).** Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. L'energia interna di un gas dipende da temperatura e pressione del gas come $U(T,p) = 2nRT - \varepsilon p + \text{cost.}$, dove $n = 2.0$ mol e $\varepsilon = 2 \cdot 10^{-2}$ J/Pa. Determinare quanto varia la temperatura del gas, se esso, partendo da una pressione iniziale $p_i = 2 \cdot 10^5$ Pa, raggiunge la pressione finale $p_f = \frac{1}{1000}\,\xi\,p_i$ mediante un'espansione libera adiabatica.

Variazione di temperatura $\Delta T = T_f - T_i$ [K]:

2. Un punto materiale di massa m viene lanciato lungo il profilo rigido e liscio di raggio $R = (1+10^{-2}\xi)$ m mostrato in figura, con una velocità iniziale di modulo $v_0 = \sqrt{(3+10^{-3}\xi)\,g\,R}$. Determinare in quale punto del profilo la reazione vincolare è nulla (si determini la quota h di tale punto da terra).

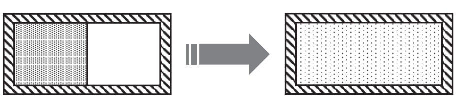
Quota h [m]:

3. Un punto materiale P, di massa $m = 10$ g, si muove in un piano verticale, appeso a un filo, inestensibile ma flessibile, di massa trascurabile e lunghezza $l = 20$ cm, vincolato in un punto fisso O. Quando il filo è disposto in posizione verticale e il punto P si trova ad altezza minima $z_0 = 0$, mediante una forza impulsiva si imprime al punto una velocità iniziale $v_0 = (150 + \frac{1}{5}\,\xi)$ cm/s. Determinare la quota massima z_M raggiunta dal punto P e la norma v_M della velocità del punto P nel momento in cui esso raggiunge la quota massima.

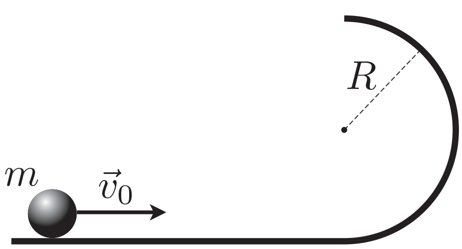
Quota massima z_M [cm]:

Velocità alla quota massima v_M [cm/s]:

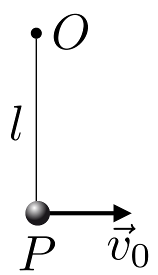
[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\rightarrow$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 26	$\xi = \mathbf{57}$	Turno: 1 Fila: 8 Posto: 5
Matricola: 0000660931	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Un punto materiale viene lanciato dalla superficie terrestre con velocità $v_0 = 100$ m/s, a un angolo $\theta = \frac{9}{100}\xi°$ rispetto alla verticale. Calcolare il raggio di curvatura del punto materiale subito dopo il lancio.

Raggio di curvatura [m]:

---

2. Una sfera omogenea è fatta rotolare lungo un piano inclinato in presenza di attrito radente. Determinare il massimo angolo di inclinazione del piano, $\theta_{\max}$, oltre il quale il moto non è più un moto di puro rotolamento, sapendo che il coefficiente di attrito statico è $f = 10^{-4}\xi$.

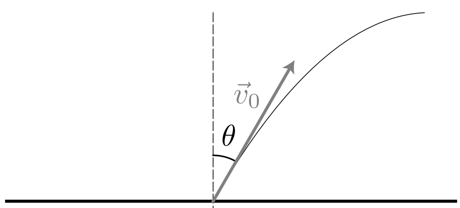
Massimo angolo di inclinazione $\theta_{\max}$ [°]:

---

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{100}\,\xi$ mol di gas perfetto biatomico, si trova nello stato iniziale con pressione $p_i = 25$ Pa e volume $V_i = 64$ m^3. Il sistema subisce una successione di trasformazioni quasi-statiche che lo portano allo stato finale, con pressione $p_f = 30$ Pa e volume $V_f = 78$ m^3. Calcolare la variazione di entropia del sistema.

Variazione di entropia [J/K]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\to$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 1

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 28	$\xi = \mathbf{164}$	Turno: 1 Fila: 8 Posto: 10
Matricola: 0000628626	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, +, −(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. L'energia interna di un gas dipende da temperatura e volume del gas come $U(T,V) = 5nRT - \dfrac{\varepsilon}{V^3} + \text{cost.}$, dove $n = 20.0$ mol e $\varepsilon = 5 \cdot 10^{-4}\ \mathrm{J\,m^9}$. Determinare quanto varia la temperatura del gas, se esso, partendo da un volume iniziale $V_i = 1\ \mathrm{dm}^3$, raggiunge il volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{1000}\xi\right) V_i$ mediante un'espansione libera adiabatica.

Variazione di temperatura $\Delta T = T_f - T_i$ [K]:

2. Negli ultimi anni sono stati scoperti numerosi oggetti planetari oltre all'orbita del pianeta Nettuno con caratteristiche fisiche comparabili a quelle del pianeta nano Plutone. Supponendo che uno di tali pianetini abbia massa $M = 10^{-6}\xi^2 m_p$ e raggio $R = r_p$, dove $r_p = 1150$ km e $m_p = 1.3 \cdot 10^{22}$ kg sono rispettivamente il raggio e la massa e di Plutone, determinare la velocità di fuga dal pianetino.

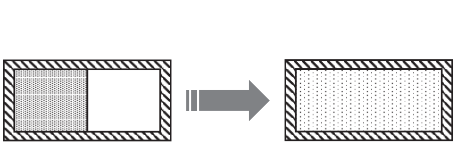
Velocità di fuga [m/s]:

3. Un filo sottile e inestensibile, di massa trascurabile, è avvolto attorno a un rullo cilindrico pieno, di massa $m = 100$ g e raggio $r = 2$ cm. Il filo passa nella gola di una carrucola di massa trascurabile e priva di attrito e sostiene un blocco di massa $M = 50$ g. Il cilindro rotola senza strisciare su di un piano inclinato, di inclinazione $\alpha = \frac{9}{100}\xi°$ Determinare: (a) l'accelerazione del cilindro; (b) la tensione del filo.

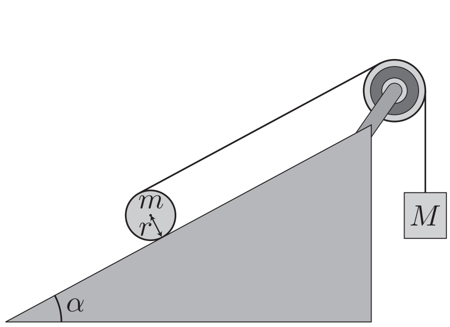
Accelerazione del cilindro $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Tensione del filo [N]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, 0 °C → 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 1



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 21	$\xi = \mathbf{271}$	Turno: 1 Fila: 8 Posto: 14
Matricola: 0000664764	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Un punto materiale è vincolato a muoversi su di una guida rettilinea. Al tempo $t = 0$ il punto materiale si trova in quiete. Se il punto accelera con accelerazione $a(t) = kt^2$, dove $k = \frac{1}{1000}\,\xi$ m/s^4, trovare la velocità raggiunta e lo spazio percorso al tempo $t = \frac{1}{50}\,\xi$ s.

Velocità raggiunta [m/s]:

Spazio percorso [m]:

2. Un pallone di lattice immerso nell'aria è gonfiato con gas metano. Il pallone è sferico, con raggio di 0.8 m. (a) Determinare il numero di moli di metano contenute nel pallone sapendo che la pressione interna del pallone è pari a $p = \frac{\xi}{300}\,p_A$ (dove $p_A = 101325$ Pa è la pressione atmosferica) e che la temperatura del sistema aria-pallone è pari a 27 °C. (b) Determinare la densità del metano contenuto nel pallone. (c) Sapendo che la massa del lattice è pari a 0.1 kg e che la densità dell'aria è 1.27 kg/m^3 quanto vale la componente verticale $\mathscr{R}_z$ della forza risultante che agisce sul pallone pieno di metano? (Scrivere $\mathscr{R}_z$ positiva se la forza è diretta in basso e negativa se la forza è diretta in alto).

Quantità di metano n contenuta nel pallone [mol]:

Densità ρ del metano nel pallone $\left[\mathrm{kg/m^3}\right]$:

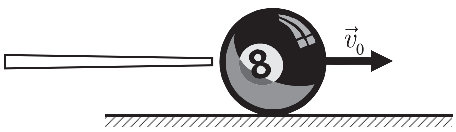
Componente $\mathscr{R}_z$ della forza risultante $\vec{\mathscr{R}}$ [N]:

3. Una palla da biliardo cava, di raggio $r = 3$ cm, massa $m = 300$ g e momento di inerzia rispetto a un asse passante per il centro pari a $(0.4 + 0.0002 \times \xi)\,mr^2$, è colpita centralmente con una stecca (asse della stecca passante per il centro della palla), acquistando in questo modo una velocità iniziale $v_0 = \frac{\xi}{10}$ cm/s (moto di pura traslazione). Il coefficiente di attrito radente dinamico del biliardo è $\mu = 0.1$, mentre l'attrito volvente è trascurabile. Calcolare (a) la velocità e (b) lo spostamento della palla nell'istante in cui essa smette di strisciare sul tavolo (cioè nell'istante in cui il moto diventa un moto di rotolamento puro).

Velocità [cm/s]:

Spostamento [cm]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\rightarrow$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 29	$\xi = \mathbf{378}$	Turno: 1 Fila: 10 Posto: 1
Matricola: 0000490229	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Calcolare la velocità di fuga da un pianeta di massa $M = 10^{24}$ kg e raggio $R = \left(\xi^2 \times 10^4\right)$ m.

Velocità di fuga [m/s]:

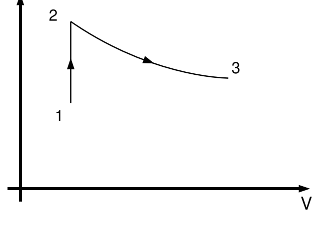
2. Un disco omogeneo è fatto rotolare lungo un piano inclinato, con l'asse di rotazione parallelo alle isoipse, in presenza di attrito radente. Determinare il massimo angolo di inclinazione del piano, $\theta_{\max}$, oltre il quale il moto non è più un moto di puro rotolamento, sapendo che il coefficiente di attrito statico è $f = 10^{-4}\xi$.

Massimo angolo di inclinazione $\theta_{\max}$ [°]:

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{10}\,\xi$ mol di gas perfetto monoatomico, si trova inizialmente nello stato 1, a pressione $p_1 = 400$ Pa e volume $V_1 = 50\ \mathrm{m}^3$. Il sistema subisce le seguenti trasformazioni quasi-statiche: $(1 \to 2)$ trasformazione isocora che ne triplica la pressione; $(2 \to 3)$ trasformazione isoterma che ne triplica il volume. Calcolare la variazione di entropia del sistema.

Variazione di entropia [J/K]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 12 $\xi = \mathbf{592}$ Turno: 1 Fila: 10 Posto: 5
Matricola: 0000605727 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x,y,z) = -\frac{1}{2}x^2\,\hat{\imath} + xy\,\hat{\jmath} + xyz\,\hat{k}$. Determinare il valore della divergenza del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $(2, \xi, 3)$.

Divergenza $\left(\vec{\nabla}\cdot\vec{V}\right)(2,\xi,3)$ [*numero puro*]:

2. Una ruota di massa $M = 10$ kg (vedi figura), il cui momento di inerzia, rispetto al proprio asse vale $I_o = \frac{M}{2}\left(r^2 + R^2\right)$ con $R = 50$ cm e $r = \frac{1}{2000}\,\xi\,R$, viene lanciata su di un piano orizzontale, in presenza di attrito dinamico. All'istante del lancio la velocità del centro di massa della ruota ha modulo $v_0 = 10$ m/s e la ruota ha soltanto moto traslatorio. Se t_r è l'istante in cui il moto diventa di puro rotolamento, determinare il rapporto $\rho = \frac{v_G(t_r)}{v_0}$ fra il modulo della velocità del centro di massa della ruota in tale istante e il modulo della velocità iniziale del centro di massa.

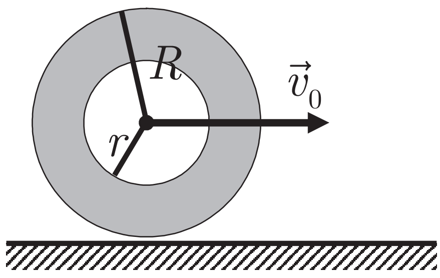
Rapporto ρ [*adimensionale*]:

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{10}\,\xi$ mol di gas perfetto biatomico, si trova nello stato iniziale 1, con pressione $p_1 = \left(108 + \frac{1}{100}\,\xi\right)$ Pa e volume $V_1 = 32$ m^3. Il sistema subisce le seguenti trasformazioni quasi-statiche: $(1 \to 2)$ trasformazione isocora che permette di raggiungere la pressione $p_2 = 234$ Pa; $(2 \to 3)$ trasformazione isoterma fino al raggiungimento del volume $V_3 = \frac{1}{10}\,\xi V_2$; $(3 \to 4)$ trasformazione isocora; $(4 \to 1)$ trasformazione isoterma che chiude il ciclo. Determinare il lavoro compiuto dal sistema in un ciclo e il rendimento del ciclo.

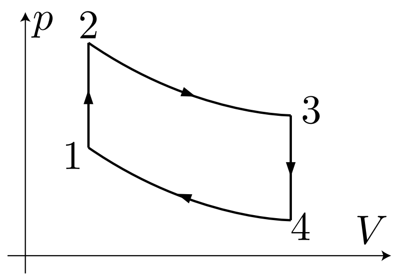
Lavoro in un ciclo [J]:

Rendimento η [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\to$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 1	$\xi =$ **699**	Turno: 1 Fila: 10 Posto: 10
Matricola: 0000658321	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x,y,z) = z\hat{\imath} - xyz\hat{\jmath} + 3xz^2\hat{k}$. Determinare il valore della divergenza del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\frac{1}{7}, \xi, \xi\right)$.

Divergenza $\left(\vec{\nabla} \cdot \vec{V}\right)\left(\frac{1}{7}, \xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

2. Un carrello, dotato di 4 ruote, ha massa (escluse le ruote) pari a $M = 50\,\mathrm{kg}$, mentre ogni ruota ha massa pari a $m = \left(0.2 + \frac{1}{5000}\,\xi\right) M$ e raggio $r = 50\,\mathrm{cm}$. Il carrello è trainato mediante una fune, con una forza orizzontale $\vec{F}$ di intensità $F = 100\,\mathrm{N}$. Trascurando gli attriti volventi e gli attriti radenti dinamici, e considerando le ruote come cilindri omogenei, calcolare l'accelerazione del carrello.

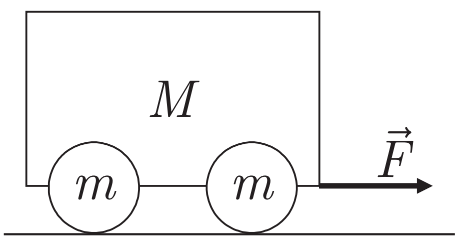
Accelerazione del carrello $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{10}\,\xi$ mol di gas perfetto biatomico, si trova nello stato iniziale 1, con pressione $p_1 = \left(88 - \frac{1}{100}\,\xi\right)$ Pa e volume $V_1 = 110\,\mathrm{m^3}$. Il sistema subisce le seguenti trasformazioni quasi-statiche: $(1 \to 2)$ trasformazione isocora fino alla pressione $p_2 = (160 + \xi)$ Pa; $(2 \to 3)$ trasformazione adiabatica; $(3 \to 4)$ trasformazione isobara che chiude il ciclo. Determinare il lavoro compiuto dal sistema in un ciclo e il rendimento del ciclo.

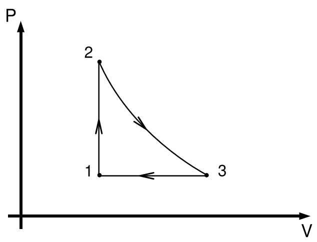
Lavoro in un ciclo [J]:

Rendimento η [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\,\mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\,\mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\,\mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\,°\mathrm{C} \to 273.15\,\mathrm{K}$, $p_T(\mathrm{H_2O}) = 273.16\,\mathrm{K}$.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 14 $\xi = \mathbf{806}$ Turno: 1 Fila: 10 Posto: 14
Matricola: 0000447628 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Due vettori, di norma rispettivamente $\|\vec{a}\| = 2$ e $\|\vec{b}\| = 4$, posti con l'origine coincidente, formano tra loro un angolo di $\theta = \frac{\pi}{1000}\,\xi\,\mathrm{rad}$. Trovare la norma del vettore $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$. Trovare inoltre l'angolo φ (espresso in radianti, nell'intervallo $[0, \pi]$) compreso tra i vettori $\vec{a}$ e $\vec{c}$ (posto $\vec{c}$ con l'origine coincidente con l'origine comune di $\vec{a}$ e $\vec{b}$).

$\|\vec{c}\|$:

φ [rad]:

---

2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 8$ mol di gas perfetto monoatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + \dfrac{aR}{T^3}$, con $a = 3 \cdot 10^5 \xi\ \mathrm{K}^3$. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310\ \mathrm{K}$, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700\ \mathrm{K}$. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

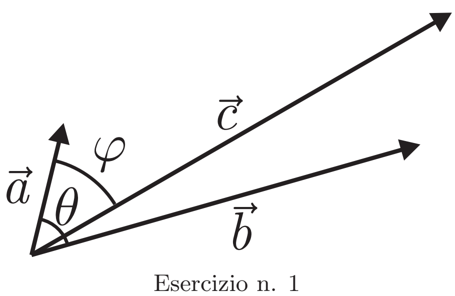
Volume finale V_f [ℓ]:

---

3. Una corona circolare omogenea, di densità superficiale $\sigma = 1\ \mathrm{kg/m^2}$, con raggio interno $r_1 = \frac{1}{3}\,\xi$ cm e raggio esterno $r_2 = \xi$ cm, ruota attorno al proprio asse di simmetria u. Sapendo che il sistema è isolato e che compie un giro ogni 3 minuti, determinare la norma K del momento angolare $\vec{K}$.

Momento angolare $\left[\mathrm{kg\,m^2/s}\right]$:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15\ \mathrm{K}$, $p_T(H_2O) = 273.16\ \mathrm{K}$.]



Esercizio n. 1

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 20	$\xi = \mathbf{913}$	Turno: 1 Fila: 12 Posto: 1
Matricola: 0000660844	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo scalare $f(x,y,z) = x^2 y + y^2 z$. Determinare i valori delle componenti cartesiane del gradiente del campo scalare f nel punto P di coordinare $\left(3, \xi, \frac{1}{3}\right)$.

Componente x del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_x \left(3, \xi, \frac{1}{3}\right)$ [*numero puro*]:

Componente y del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_y \left(3, \xi, \frac{1}{3}\right)$ [*numero puro*]:

Componente z del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_z \left(3, \xi, \frac{1}{3}\right)$ [*numero puro*]:

2. In una regione di spazio è presente una forza conservativa di intensità $\vec{F}(x,y,z) = cy^2 z\,\hat{\imath} + 2cxyz\,\hat{\jmath} + cxy^2\,\hat{k}$, dove $c = 1\ \mathrm{N/m^3}$. Determinare la variazione di energia potenziale di un punto materiale che si sposta dalla posizione iniziale $P_i = (1, 1, \xi)$ alla posizione finale $P_f = \left(\xi, -2\xi, \frac{1}{3}\right)$.

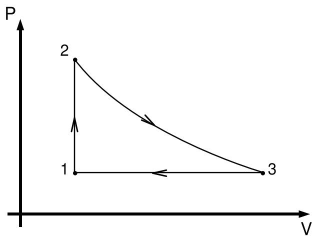
Variazione di energia potenziale ΔV [J]:

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{10}\xi$ mol di gas perfetto monoatomico, si trova nello stato iniziale 1, con pressione $p_1 = 60\ \mathrm{Pa}$ e volume $V_1 = 108\ \mathrm{m^3}$. Il sistema subisce le seguenti trasformazioni quasi-statiche: $(1 \to 2)$ trasformazione isocora fino alla pressione $p_2 = (140 + \xi)$ Pa; $(2 \to 3)$ trasformazione isoterma; $(3 \to 1)$ trasformazione isobara che chiude il ciclo. Determinare il lavoro compiuto dal sistema in un ciclo e il rendimento del ciclo.

Lavoro in un ciclo [J]:

Rendimento η [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ {}^\circ\mathrm{C} \to 273.15\ \mathrm{K}$, $p_T(\mathrm{H_2O}) = 273.16\ \mathrm{K}$.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 15	$\xi = \mathbf{50}$	Turno: 1 Fila: 12 Posto: 5
Matricola: 0000448822	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, +, −(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x, y, z) = -\frac{1}{2}x^2y\,\hat{\imath} + xy\,\hat{\jmath} - xyz^2\,\hat{k}$. Determinare il valore della divergenza del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $(2, \xi, 3)$.

Divergenza $\left(\vec{\nabla}\cdot\vec{V}\right)(2, \xi, 3)$ [*numero puro*]:

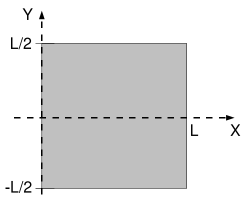
2. La lastra quadrata mostrata nella figura ha i lati lunghi $L = \frac{1}{30}\,\xi$ cm. Inoltre, nel sistema di coordinate mostrato nella figura, la densità superficiale di massa è data da $\sigma(x, y) = c_0 + c_1x$, dove $c_0 = 2$ kg/m^2 e $c_1 = 4$ kg/m^3. Determinare il momento d'inerzia rispetto all'asse delle ascisse.

Momento d'inerzia $[\mathrm{kg\,m^2}]$:

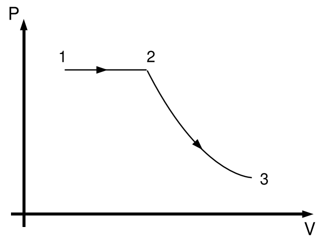
3. Un sistema termodinamico, composto da $m = \frac{1}{10}\,\xi$ g di elio, si trova inizialmente nello stato 1, con pressione $p_1 = 75$ Pa e volume $V_1 = 30$ m^3. Il sistema subisce una successione di trasformazioni quasi-statiche. La prima, $(1 \to 2)$, è una trasformazione isobara che lo porta al volume $V_2 = 40$ m^3. La seconda, $(2 \to 3)$, è una trasformazione adiabatica che lo porta al volume $V_3 = 80$ m^3. Calcolare la variazione di entropia del sistema.

Variazione di entropia [J/K]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C → 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 23 $\xi = \mathbf{157}$ Turno: 1 Fila: 12 Posto: 10
Matricola: 0000652969 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Due sfere omogenee, entrambe di raggio $R = 1$ cm, aventi la medesima massa $m = 100$ g, scendono lungo un piano inclinato, di inclinazione $\alpha = \frac{1}{2000}\,\xi\,\pi$ rad: la prima strisciando senza rotolare in assenza di ogni forma di attrito, la seconda rotolando senza strisciare, in assenza di attrito volvente. Determinare le accelerazioni dei centri di massa delle 2 sfere.

Accelerazione della sfera che striscia $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Accelerazione della sfera che rotola $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

---

2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 7$ mol di gas perfetto biatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + aRT^3$, con $a = 3 \cdot 10^{-11}\xi\ \mathrm{K^{-3}}$. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

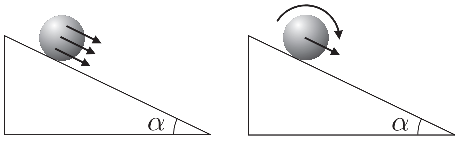
Volume finale V_f $[\ell]$:

---

3. La lastra rettangolare mostrata nella figura ha base $l = \frac{1}{20}\,\xi$ m e altezza $h = 10$ m. Inoltre, nel sistema di coordinate mostrato nella figura, la densità superficiale di massa è data da $\sigma(x, y) = c_0 + c_1 xy$, dove $c_0 = 3\ \mathrm{kg/m^2}$ e $c_1 = 8\ \mathrm{kg/m^4}$. Determinare il momento d'inerzia rispetto all'asse delle ordinate.

Momento d'inerzia $\left[\mathrm{kg\,m^2}\right]$:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 1

Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 31 $\xi = \mathbf{264}$ Turno: 1 Fila: 12 Posto: 14
Matricola: 0000660193 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x,y,z) = xy\hat{\imath} - yz\hat{\jmath} + 3x^2y\hat{k}$. Determinare i valori delle componenti cartesiane del rotore del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$.

Componente x del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_x \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

Componente y del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_y \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

Componente z del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_z \left(\xi, \frac{1}{3}\xi, \xi\right)$ [*numero puro*]:

---

2. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 5$ mol di gas perfetto biatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + aRT^2$, con $a = 10^{-8}\xi\ \mathrm{K}^{-2}$. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310\ \mathrm{K}$, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700\ \mathrm{K}$. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

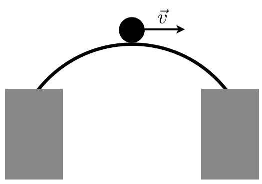
Volume finale V_f [ℓ]:

---

3. Uno sciatore si trova fermo nel punto mediano di un ponte avente raggio di curvatura $\rho = 2\left(1 + 10^{-2}\xi\right)$ m (vedi figura). Sia $R_n^{(0)}$ il modulo della reazione vincolare che deve esercitare il ponte in queste condizioni. Determinare il rapporto $r = \frac{R_n}{R_n^{(0)}}$ dove R_n è la reazione vincolare che deve esercitare il ponte quando lo stesso sciatore transita per il suo punto mediano con moto uniforme e velocità di modulo $v = \left(1 + 10^{-2}\xi\right)$ m/s.

Rapporto $r = \frac{R_n}{R_n^{(0)}}$ [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15\ \mathrm{K}$, $p_T(\mathrm{H_2O}) = 273.16\ \mathrm{K}$.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 3	$\xi = \mathbf{371}$	Turno: 1 Fila: 14 Posto: 5
Matricola: 0000483377	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Un punto materiale è vincolato a una guida circolare di raggio $r = 4$ m, su cui può scorrere senza attrito. Esso si muove secondo la legge oraria $s(t) = kt^2$, con $k = \frac{1}{200}\,\xi$ m/s^2. Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione nell'istante $t = 2$ s.

Componente tangenziale dell'accelerazione a_t $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Componente normale dell'accelerazione a_n $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

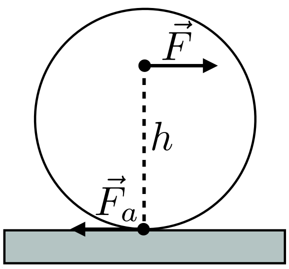
2. Si consideri una ruota a forma di disco che rotola su di un piano orizzontale. La ruota è soggetta alla forza d'attrito radente statico $\vec{F}_a$ e a una forza costante $\vec{F}$. La forza $\vec{F}$ agisce nello stesso verso della velocità del centro di massa del disco ed è applicata alla ruota in un punto a una quota h da terra, sulla verticale contenente il punto istantaneo di contatto con il terreno e il centro di massa della ruota. Se R è il raggio del disco, il moto è di puro rotolamento e tra le intensità delle due forze vale la relazione $\left\|\vec{F}_a\right\| = \frac{1}{2}\,10^{-3}\xi\left\|\vec{F}\right\|$, determinare il rapporto $r = \frac{h}{R}$.

Rapporto $r = \frac{h}{R}$ [*adimensionale*]:

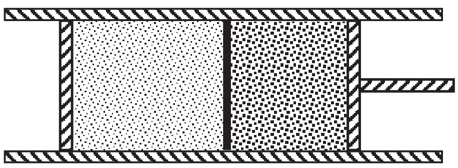
3. Un recipiente è costituito da una cavità cilindrica adiabatica entro cui possono scorrere senza attrito due pistoni, anch'essi adiabatici e soggetti alla pressione atmosferica. Il volume tra i due pistoni è suddiviso in due parti da una parete diatermica fissa. La parte (1), a sinistra della parete diatermica, è riempita con $n_1 = 2$ mol di gas perfetto biatomico, mentre la parte (2), a destra della parete diatermica, è riempita con $n_2 = \left(2 + \frac{1}{500}\,\xi\right)$ mol di gas perfetto monoatomico. Se il gas (2) viene compresso in maniera quasi-statica finché il suo volume diventa un terzo di quello iniziale, calcolare il rapporto $\rho = \dfrac{V_{1f}}{V_{1i}}$ tra il volume finale e il volume iniziale del gas (1).

Rapporto ρ [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\rightarrow$ 273.15 K, $p_T(\mathrm{H_2O}) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 2


Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 9 $\xi = \mathbf{585}$ Turno: 1 Fila: 14 Posto: 10
Matricola: 0000660433 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Una sfera avente massa $m = 0.7$ kg cade da un'altezza $h = (3 + \xi)$ m. Alla distanza di $d = 3$ m dal suolo viene frenata da una forza costante F_f fino a raggiungere il suolo con velocità nulla. Trascurando la resistenza dell'aria: (a) Calcolare l'intensità F_f della forza frenante; (b) calcolare l'intensità $a^{(2)}$ dell'accelerazione durante la frenata.

Forza frenante F_f [N]:

Accelerazione durante la frenata $a^{(2)}$ $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

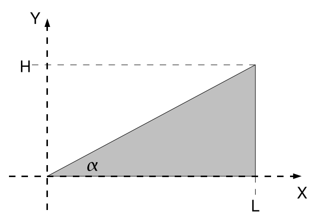
2. Data la lastra a forma di triangolo rettangolo mostrata nella figura, omogenea e di massa $m = \xi$ g, alta $H = 10$ cm e con l'angolo $\alpha = \frac{\pi}{6}$ rad, determinarne il momento d'inerzia rispetto all'asse delle ascisse.

Momento d'inerzia $\left[\mathrm{kg\,m^2}\right]$:

3. Un sistema termodinamico, costituito di $n = 6$ mol di gas perfetto monoatomico, compie una trasformazione quasi-statica γ, lungo la quale il calore molare ha l'espressione $c_\gamma(T) = c_V + \dfrac{aR}{T^2}$, con $a = 100\,\xi$ K^2. Nello stato iniziale il volume è $V_i = 7\ \ell$ e la temperatura è $T_i = 310$ K, mentre nello stato finale la temperatura è $T_f = 700$ K. Determinare il volume V_f del sistema nello stato finale.

Volume finale V_f [ℓ]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(\mathrm{H_2O}) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 2	$\xi = \mathbf{692}$	Turno: 1 Fila: 14 Posto: 14
Matricola: 0000365299	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Un punto materiale di massa $m = 2$ kg partendo da fermo è sottoposto alla forza $\vec{F} = 3ct^2\hat{\imath}$. Se il corpo passa per l'origine del sistema di coordinate al tempo $t = 2$ s e posto $c = 1$ N/s^2, determinare la posizione al tempo $t = \frac{1}{50}\,\xi$ s.

Posizione [m]:

2. L'energia interna di un gas dipende da temperatura e volume del gas come $U(T,V) = nRT - \dfrac{\varepsilon}{V^2} + \text{cost.}$, dove $n = 4.0$ mol e $\varepsilon = 10^{-2}\ \mathrm{J\,m^6}$. Determinare quanto varia la temperatura del gas, se esso, partendo da un volume iniziale $V_i = 1\ \mathrm{dm}^3$, raggiunge il volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{1000}\,\xi\right) V_i$ mediante un'espansione libera adiabatica.

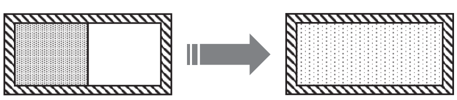
Variazione di temperatura $\Delta T = T_f - T_i$ [K]:

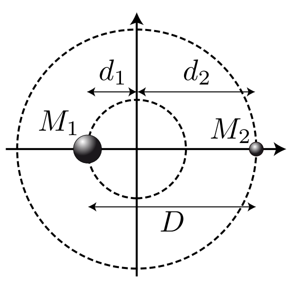
3. Un sistema binario è costituito da due stelle che si muovono su orbite circolari, a distanza rispettivamente $d_1 = 8 \cdot 10^4$ km e $d_2 = 6 \cdot 10^5$ km dal centro di rivoluzione del sistema, con un periodo $T = \xi$ giorni. Determinare le masse delle due stelle.

Massa della stella più massiva M_1 [kg]:

Massa della stella meno massiva M_2 [kg]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ ^\circ\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]


Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 11 $\xi = \mathbf{799}$ Turno: 1 Fila: 16 Posto: 1
Matricola: 0000441965 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con <u>3 cifre significative</u> esatte e <u>senza simboli</u> (π, +, −(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. È dato il campo vettoriale $\vec{V}(x, y, z) = \frac{2}{3}x^2y^2\hat{\imath} + xyz\hat{\jmath} - x^3\hat{k}$. Determinare i valori delle componenti cartesiane del rotore del campo vettoriale $\vec{V}$ nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\xi, \frac{1}{4}, 4000\right)$.

Componente x del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_x \left(\xi, \frac{1}{4}, 4000\right)$ [*numero puro*]:

Componente y del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_y \left(\xi, \frac{1}{4}, 4000\right)$ [*numero puro*]:

Componente z del rotore $\left(\vec{\nabla} \wedge \vec{V}\right)_z \left(\xi, \frac{1}{4}, 4000\right)$ [*numero puro*]:

---

2. Un sistema termodinamico è costituito da $n = 7$ mol di freon ($C\,Cl_2\,F_2$). Calcolare il lavoro compiuto dal sistema se esso subisce un'espansione isoterma quasi-statica alla temperatura $T = \left(250 + \frac{1}{10}\xi\right)$ K che lo porta dal volume iniziale $V_i = 10\ \ell$ al volume finale $V_f = \left(1 + \frac{1}{100}\xi\right)V_i$, nelle seguenti due ipotesi: (a) il sistema è un gas ideale; (b) il sistema è un fluido che segue l'equazione di Van der Waals, con costante della pressione interna $a = 1.078\ \mathrm{J\,m^3\,mol^{-2}}$ e covolume molare $b = 9.98 \cdot 10^{-5}\ \mathrm{m^3\,mol^{-1}}$.

Lavoro compiuto (gas ideale) [J]:

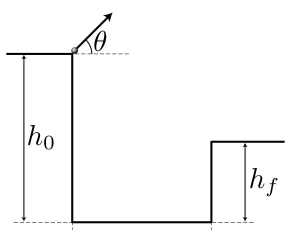
Lavoro compiuto (gas di Van der Waals) [J]:

---

3. Un punto materiale si trova sul ciglio di una parete alta $h_0 = 150$ m. A distanza D da tale parete si trova una seconda parete, alta $h_f = 50$ m (vedi figura). Il punto materiale viene lanciato con alzo $\theta = 0.5$ rad e velocità iniziale $v_0 = \frac{1}{100}\xi$ m/s e raggiunge esattamente il ciglio della parete opposta. Determinare la distanza D fra le due pareti.

Distanza [m]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, 0 °C → 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 4	$\xi = \mathbf{906}$	Turno: 1 Fila: 16 Posto: 5
Matricola: 0000588812	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, +, −(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Un punto materiale è vincolato a una guida circolare di raggio $r = 4$ m, su cui può scorrere senza attrito. Esso si muove secondo la legge oraria $s(t) = kt^3$, con $k = \frac{1}{200}\,\xi$ m/s^3. Calcolare la componente tangenziale e la componente normale dell'accelerazione nell'istante $t = 2$ s.

Componente tangenziale dell'accelerazione a_t $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

Componente normale dell'accelerazione a_n $\left[\mathrm{m/s^2}\right]$:

2. Un blocco di ferro, di massa pari a $m_1 = \frac{1}{500}\,\xi$ kg e calore specifico pari a $c_1 = 444\,\mathrm{J\,kg^{-1}K^{-1}}$, alla temperatura $t_1 = 300\,°\mathrm{C}$, viene posto a contatto termico con un blocco di piombo, di massa $m_2 = \frac{1}{16}\sqrt{\xi}$ kg e calore specifico $c_2 = 167\,\mathrm{J\,kg^{-1}K^{-1}}$, alla temperatura $t_2 = 0\,°\mathrm{C}$. I due blocchi non scambiano calore con alcun altro sistema. (a) Trovare la temperatura dei due blocchi (in °C) una volta che è stato raggiunto l'equilibrio termodinamico. (b) Trovare la variazione di entropia del blocco di ferro. (c) Trovare la variazione di entropia del blocco di piombo.

Temperatura finale dei due blocchi [°C]:

Variazione di entropia del blocco di ferro [J/K]:

Variazione di entropia del blocco di piombo [J/K]:

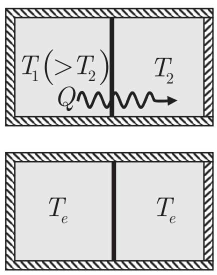
3. Un punto materiale di massa $m = 10$ g si muove, con velocità di modulo pari a $w = 100$ cm/s, senza attrito su di un piano orizzontale. Il punto materiale urta elasticamente un'asta sottile, omogenea, di massa $M = m\left(1 + \frac{1}{1000}\,\xi\right)$ e lunghezza $2l = 20$ cm, appoggiata senza altri vincoli e senza attrito sullo stesso piano orizzontale e inizialmente in quiete. La velocità del punto è perpendicolare all'asta e il punto d'impatto dista $d = \frac{1}{1000}\,l\,\xi$ dall'estremità dell'asta. Trovare: (a) la velocità v del punto materiale dopo l'urto; (b) la velocità v_G del centro di massa dell'asta dopo l'urto; (c) la velocità angolare ω dell'asta dopo l'urto.

Velocità v del punto materiale dopo l'urto [cm/s]:

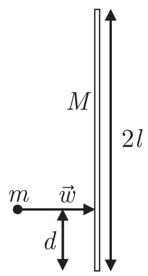
Velocità v_G del centro di massa dell'asta dopo l'urto [cm/s]:

Velocità angolare ω dell'asta dopo l'urto [rad/s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 32 $\xi = \mathbf{43}$ Turno: 1 Fila: 16 Posto: 10
Matricola: 0000660620 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\surd$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. Un punto materiale si muove su di un piano. A partire da un certo istante $t = 0$, le norme della velocità e dell'accelerazione diminuiscono con il tempo secondo le leggi: $v(t) = \frac{L}{t+T}$ e $a(t) = \frac{kL}{(t+T)^2}$, dove $L = \xi$ m, $T = 2$ s e $k = 1 + \frac{1000}{\xi}$ (numero puro). Trovare: (a) lo spostamento del punto materiale, misurato lungo la traiettoria, dopo ξ s; (b) il raggio di curvatura della traiettoria, dopo ξ s.

Spostamento lungo la traiettoria [m]:

Raggio di curvatura [m]:

---

2. La posizione iniziale di un pendolo — costituito da un filo inestensibile di massa trascurabile e lunghezza l cui è sospeso un punto materiale di massa m — forma un angolo α con la verticale. Determinare l'angolo α in modo che la tensione del filo nel punto più basso della traiettoria sia, in modulo, pari a $\|\vec{R}\| = (2 + 10^{-3}\xi)\, m\, g$.

Angolo α [°]:

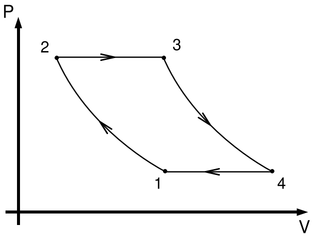
---

3. Un sistema termodinamico, composto da $n = \frac{1}{10}\xi$ mol di gas perfetto monoatomico, si trova nello stato iniziale 1, con pressione $p_1 = \left(75 - \frac{1}{100}\xi\right)$ Pa e volume $V_1 = 92$ m^3. Il sistema subisce le seguenti trasformazioni quasi-statiche: $(1 \to 2)$ trasformazione adiabatica fino alla pressione $p_2 = \left(260 + \frac{1}{10}\xi\right)$ Pa; $(2 \to 3)$ trasformazione isobara che raddoppia il volume del sistema; $(3 \to 4)$ trasformazione adiabatica; $(4 \to 1)$ trasformazione isobara che chiude il ciclo. Determinare il lavoro compiuto dal sistema in un ciclo e il rendimento del ciclo.

Lavoro in un ciclo [J]:

Rendimento η [*adimensionale*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\to$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 33	$\xi = \mathbf{150}$	Turno: 1 Fila: 16 Posto: 14
Matricola: 0900028987	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Il punto di fusione normale del piombo è pari a $t_{\mathrm{PFN}} = 327\ °\mathrm{C}$ e il suo calore latente di fusione è $c_l = 23\ \mathrm{J/g}$. (a) Calcolare il calore Q che è necessario cedere a una massa $m = \xi$ kg di piombo solido a temperatura t_{PFN} per farlo fondere. (b) Calcolare la variazione di entropia ΔS di una massa m di piombo durante la fusione alla temperatura t_{PFN}, e specificare se essa è positiva, negativa o nulla.

Calore Q [J]:

Variazione di entropia ΔS [J/K]:

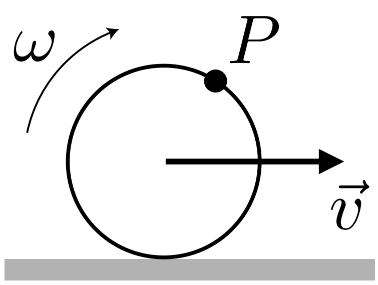
2. Si consideri la traiettoria di un punto P, situato sul bordo di un disco di raggio R, il quale ruota intorno al proprio centro C con velocità angolare ω e trasla parallelamente al suolo con velocità $\vec{v}$ di norma pari a $\|\vec{v}\| = \left(\sqrt{\frac{500+\xi}{3000}} - 1\right)\omega R$. Determinare il rapporto $\frac{\rho}{R}$ essendo ρ il raggio di curvatura della traiettoria del punto P quando è massima la sua distanza dal suolo.

Rapporto $\frac{\rho}{R}$ [*adimensionale*]:

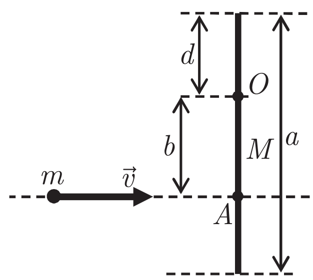
3. Un punto materiale, di massa $m = 2$ kg, si muove con velocità di modulo pari a $v = 10$ m/s, avente direzione orizzontale e giacente su di un piano verticale. Il punto materiale si conficca istantaneamente, rimanendovi attaccato, nel punto A (vedi figura) di una sbarra rigida omogenea di massa pari a $M = 1$ kg e lunghezza pari ad $a = 1$ m, incernierata allo stesso piano verticale nel punto O, con $d = \frac{1}{2000}\xi a$ e $b = \left(1 - \frac{1}{1000}\xi\right)a$. Determinare la velocità angolare della sbarra (con il punto conficcato) subito dopo l'urto.

Velocità angolare della sbarra (con il punto conficcato) subito dopo l'urto [rad/s]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 30 $\xi = \mathbf{257}$ Turno: 1 Fila: 18 Posto: 1
Matricola: 0000352229 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con **<u>3 cifre significative</u>** **esatte e** **<u>senza simboli</u>** **(π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{\ }$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}$, ecc.).** Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

---

1. È dato il campo scalare $f(x,y,z) = \frac{1}{2}x^2y^2z$. Determinare i valori delle componenti cartesiane del gradiente del campo scalare f nel punto P di coordinate cartesiane $\left(\xi, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}\right)$.

Componente x del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_x \left(\xi, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}\right)$ [*numero puro*]:

Componente y del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_y \left(\xi, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}\right)$ [*numero puro*]:

Componente z del gradiente $\left(\vec{\nabla} f\right)_z \left(\xi, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}\right)$ [*numero puro*]:

---

2. Un'asta rigida omogenea AB, di massa $m = 4$ kg e lunghezza $l = \left(78 + \frac{\xi}{2}\right)$ cm, ruota attorno a un asse u, passante per l'estremo A e formante un angolo $\alpha = 30°$ con l'asta stessa. Calcolare il momento d'inerzia dell'asta rispetto a tale asse.

Momento d'inerzia $\left[\mathrm{kg\,m^2}\right]$:

---

3. Quattro moli di gas perfetto monoatomico compiono un ciclo termodinamico, composto dalle tre seguenti trasformazioni quasi statiche: $1 \to 2$ isoterma a temperatura $T_1 = \left(20 + \frac{1}{2}\xi\right)$ K; $2 \to 3$ isobara con $V_3 = 1\ \mathrm{m^3}$; $3 \to 1$ isocora. Calcolare il rendimento η del ciclo sapendo che $p_2 = 100$ Pa.

Rendimento [*numero puro*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665\ \mathrm{m/s^2}$, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}\ \mathrm{m^3\,kg^{-1}s^{-2}}$, $R = 8.314\ \mathrm{J\,mol^{-1}\,K^{-1}}$, $0\ °\mathrm{C} \to 273.15$ K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.)** – **Modulo A**. *Prof. D. Galli.* **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 5	$\xi = \mathbf{364}$	Turno: 1 Fila: 18 Posto: 5
Matricola: 0000652375	Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)	

Produrre i risultati numerici con <u>**3 cifre significative**</u> **esatte e** <u>**senza simboli**</u> **(π, +, −(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.).** Il simbolo − può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. In una regione di spazio è presente una forza conservativa di intensità $\vec{F}(x,y,z) = c\,(-2x+y)\,\hat{\imath} + cx\,\hat{\jmath} + 3c\,\hat{k}$, dove $c = 1$ N/m. Determinare la variazione di energia potenziale di un punto materiale che si sposta dalla posizione iniziale $P_i = (5, \frac{1}{2}\xi, 1)$ alla posizione finale $P_f = (-2\xi, -2, \frac{2}{3}\xi)$.

Variazione di energia potenziale ΔV [J]:

2. Una persona, di peso $p = 800$ N, si trova su di una bilancia pesapersone all'interno di un ascensore che si muove verso l'alto con accelerazione costante di norma $\|\vec{a}_0\| = \frac{100+\xi}{4000}\,g$. Se la bilancia è costruita come un dinamometro, opportunamente tarato, che misura la deformazione di una molla ideale, qual è il peso della persona indicato dalla bilancia all'interno dell'ascensore?

Peso p indicato dalla bilancia [N]:

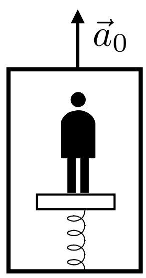
3. Una mole di gas perfetto monoatomico, inizialmente all'equilibrio termodinamico a temperatura $T_1 = 300$ K e volume $V_1 = 1$ dm^3, compie un ciclo costituito dalle seguenti trasformazioni: $(1 \to 2)$ espansione isobara ottenuta ponendo in contatto il sistema con un termostato a temperatura T_2 incognita; $(2 \to 3)$: espansione adiabatica quasi-statica; $(3 \to 4)$: abbassamento isocoro quasi-statico della temperatura; $(4 \to 1)$: compressione adiabatica quasi-statica. Sapendo che $V_2 = \left(1 + \frac{1}{100}\,\xi\right) V_1$ e $V_3 = \left(1 + \frac{2}{100}\,\xi\right) V_1$ determinare: (a) Il rendimento η del ciclo; (b) la variazione di entropia del sistema in un ciclo ΔS_S; (c) la variazione di entropia dell'ambiente in un ciclo ΔS_A.

Rendimento η [*adimensionale*]:

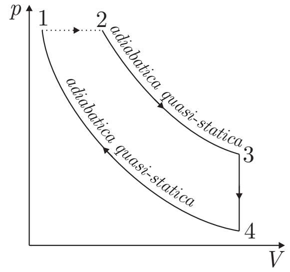
Variazione di entropia del sistema ΔS_S [J/K]:

Variazione di entropia dell'ambiente ΔS_A [J/K]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C → 273.15 K, $p_T(H_2O) = 273.16$ K.]



Esercizio n. 2



Esercizio n. 3

A.A. 2012-2013. **VI Appello di Fisica Generale (C.I.) – Modulo A**. *Prof. D. Galli*. **13 settembre 2013**.
CdS in Ingegneria Aerospaziale e Meccanica.
Scuola di Ingegneria e Architettura, sede di Forlì.

Numero progressivo: 10 $\xi = \mathbf{578}$ Turno: 1 Fila: 18 Posto: 10
Matricola: 0000587749 Cognome e nome: (dati nascosti per tutela *privacy*)

Produrre i risultati numerici con 3 cifre significative esatte e senza simboli (π, $+$, $-$(operatore binario), $\sqrt{}$, sin, cos, $\int$, $\oint$, $\frac{d}{dt}$, ecc.). Il simbolo $-$ può essere utilizzato (come operatore unario) per indicare i numeri negativi.

1. Un punto materiale di peso $p = \frac{1}{10}\,\xi$ N è fissato al soffitto tramite un cavo inestensibile di massa trascurabile e lunghezza $r = 1$ m e tramite una molla di lunghezza a riposo trascurabile ($l_0 = 0$ m) e costante elastica $k = 40$ N/m (vedi figura). Cavo e molla sono entrambi fissati in un'estremità al soffitto (a distanza r l'uno dall'altro) e nell'altra al punto materiale. Calcolare, all'equilibrio, la distanza d del punto dal soffitto.

Distanza d del punto dal soffitto [m]:

2. Il punto di ebollizione normale dell'anidride solforosa è pari a $t_{\text{PEN}} = -10.0$ °C e il suo calore latente di vaporizzazione è $c_l = 389$ J/g. (a) Calcolare il calore Q che è necessario sottrarre a una massa $m = \xi$ kg di anidride solforosa gassosa a temperatura t_{PEN} per farla condensare. (b) Calcolare la variazione di entropia ΔS di una massa m di anidride solforosa durante la condensazione alla temperatura t_{PEN}, e specificare se essa è positiva, negativa o nulla.

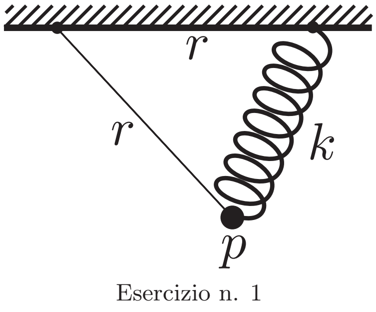
Calore Q [J]:

Variazione di entropia ΔS [J/K]:

3. In astronomia, il termine *galassia* designa un sistema, legato dalla forza di gravità e costituito da stelle, gas interstellare, polveri e, probabilmente, da un tipo di materia ancora sconosciuto — denominato *materia oscura* — in grado di interagire soltanto gravitazionalmente e non osservabile direttamente tramite emissione elettromagnetica (mediante telescopi, radiotelescopi, ecc.). Si schematizzi la galassia nella figura con un nucleo sferico centrale (denominato *bulge*), omogeneo, di densità $\rho = 10^{-25}$ g/cm^3 (densità della materia ordinaria) e raggio $R = 1$ kpc, e un disco attorno a esso di massa trascurabile. Sapendo che è stata misurata la velocità di rotazione delle stelle (si ipotizzi un'orbita circolare) e che, a una distanza $r = 10$ kpc dal centro, essa è risultata pari a $v_s = (800 + 3\xi)$ m/s, si valuti il rapporto tra la massa totale M (materia oscura + materia ordinaria) e la massa della sola materia ordinaria M_g affinché la galassia sia un sistema stabile e non si disgreghi. [1 pc $= 3.08568025 \cdot 10^{16}$ m].

Rapporto M/M_g [*numero puro*]:

[*Costanti fisiche*: $g = 9.80665$ m/s^2, $\gamma = 6.6742 \times 10^{-11}$ m^3 kg^{-1}s^{-2}, $R = 8.314$ J mol^{-1} K^{-1}, 0 °C $\to$ 273.15 K, $p_T(H_2O) =$ 273.16 K.]



Esercizio n. 1


Esercizio n. 3